Übungen zur Phylogenetik Vorlesung

Universität Bielefeld, WS 2014/2015, Dr. Roland Wittler, Kevin Lamkiewicz http://wiki.techfak.uni-bielefeld.de/gi/Teaching/2014winter/Phylogenetik

Blatt 6 vom 12.11.2014

Abgabe in einer Woche zu Beginn der Vorlesung oder vorab bei deinem Tutor oder beim Veranstalter.

Aufgabe 1 Eigenschaften von Spannbäumen.

(3 Punkte)

(3 Punkte)

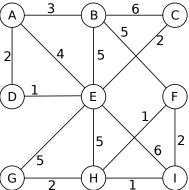
Ein minimaler Spannbaum T in einem Graph G = (V, E) hat die Eigenschaft: Sei e eine Kante in T, die T in zwei Teilbäume T_1 und T_2 aufteilt. Dann hat e das geringste Gewicht aller Kanten aus E, die in Geinen Knoten aus T_1 und einen Knoten aus T_2 miteinander verbinden. (Skript Seite 36) Beweise diese Eigenschaft.

Aufgabe 2 Spannbäume.

В

Im nebenstehenden Bild ist ein Graph mit Kantengewichten dargestellt. Finde in diesem Graphen minimale Spannbäume. Gib dabei an, in welcher Reihenfolge die Kanten ausgewählt werden. Sollte es in einem Schritt mehrere Kanten zur Auswahl geben, gib alle an, aber wähle nur eine (beliebige) aus um fortzufahren.

- (a) Verwende den Algorithmus von Kruskal.
- (b) Verwende den Algorithmus von Prim und beginne dabei mit Knoten D.



Aufgabe 3 Spannbaumheuristik.

(5 Punkte)

Im Folgenden soll der 'most parsimonious tree' der Taxa A bis E auf Basis der folgenden Sequenzen approximiert werden.

> $A: \mathsf{T}\mathsf{T}\mathsf{T}\mathsf{G}\mathsf{C}$ B: A T T T AC: TTGTC D: ATATAE: TGTTC

Gegeben sei der DNA-Gridgraph G, der alle Sequenzen der Länge 5 enthält und damit auch Knoten, die den Taxa A bis E entsprechen.

- (a) Verwende die Spannbaumheuristik um in G einen Steinerbaum für diese Knoten zu approximieren. Gehe dazu wie folgt vor:
 - Schritt 1: Kürzeste Pfade. Ermittle zunächst die Hammingdistanzen zwischen allen Taxa und konstruiere damit den vollständigen Graphen G' mit gewichteten Kanten.
 - Schritt 2: Spannbaum. Konstruiere einen minimalen Spannbaum T_1 in G', der die Kante C-Denthält und einen minimalen Spannbaum T_2 , der die Kante C-D nicht enthält.
 - Schritt 3: Zurückführen auf G. Zeichne jeweils den Teil des Gridgraphen G, der T_1 bzw. T_2 enthält. Füge dazu Sequenzen als weitere Knoten in die vorhandenen Kanten des Baums ein, so dass die Hammingdistanz zwischen allen Knoten genau 1 ist. Versuche insbesondere für T_2 möglichst wenige Knoten einzufügen und gegebenenfalls für verschiedene Kanten wiederzuverwenden (Tipp: Die Knoten TTTTC und TTTTA können dir hier helfen).
- (b) Vergleiche die Kosten der beiden Lösungen für T_1 und T_2 und diskutiere die Unterschiede. (Solltest du in Aufgabenteil (a) keine unterschiedlichen Kosten erhalten haben, diskutiere kurz allgemein die Exaktheit der Spannbaumheuristik.)